МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ «Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»

Обнинский институт атомной энергетики -

филиал федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего образования «Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»

(ИФИМ УКИН ЄТАИ)

ИНСТИТУТ ОБЩЕЙ ПРОФЕССИОНАЛЬНОЙ ПОДГОТОВКИ Кафедра Высшей математики

Одобрено на заседании Ученого совета ИАТЭ НИЯУ МИФИ Протокол от 24.04.2023 No 23.4

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Векторный и тензорный анализ		
для направления подготовки		
12.03.01 Приборостроение		
12.03.01 Приооростроснис		
Образовательная программа:		
П. б.		
Приборы и методы контроля качества и диагностики		

Форма обучения: заочная

г. Обнинск 2023 г.

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

В результате освоения ОПОП бакалавриата обучающийся должен овладеть следующими результатами обучения по дисциплине:

Коды компетенций	Результаты освоения ООП Содержание компетенций*	Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине**
ОПК-1	Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования в инженерной деятельности, связанной с проектированием и конструированием, технологиями производства приборов и комплексов широкого назначения	3 - 1 Знать: базовые законы естественнонаучных дисциплин; основные математические законы; основные физические явления, процессы, законы и границы их применимости; сущность основных химических законов и явлений; методы математического моделирования, теоретического и экспериментального исследования У - 1 Уметь: выявлять естественнонаучную сущность проблем, возникающих в ходе профессиональной деятельности, привлекать для их решения соответствующий физико-математический аппарат В - 1 Владеть: математическим аппаратом для разработки моделей процессов и явлений, решения практических задач профессиональной деятельности; навыками использования основных общефизических законов и принципов

2. Место дисциплины в структуре ООП бакалавриата.

Дисциплина реализуется в рамках базовой части.

Для освоения дисциплины необходимы компетенции, сформированные в рамках изучения следующих дисциплин: «Математический анализ», «Линейная алгебра и аналитическая геометрия».

Дисциплина «Векторный и тензорный анализ», также как и «Математический анализ», является одной из основ для изучения дисциплин «Дифференциальные и интегральные уравнения», «Функциональный анализ», «Теория вероятностей и

математическая статистика», «Уравнения математической физики», а также основных разделов физики.

Дисциплина изучается на 2 курсе.

3. Объем дисциплины в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам занятий) и на самостоятельную работу обучающихся

3.1. Объём дисциплины по видам учебных занятий (в часах)

	Форма обучения (вносятся данные по		
	реализуемы	м формам)	
Вид работы	Очная	Заочная	
вид расоты	Семестр	Курс	
	№ 3	№2	
	Количество часог	в на вид работы:	
Контактная работа обучающихся			
с преподавателем			
Аудиторные занятия (всего)		19	
В том числе:			
лекции		6	
(лекции в интерактивной форме)			
практические занятия		13	
(практические занятия в			
интерактивной форме)			
лабораторные занятия			
Промежуточная аттестация			
В том числе:			
зачет			
экзамен		+	
Самостоятельная работа			
обучающихся			
Самостоятельная работа		125	
обучающихся (всего)		123	
В том числе:			
проработка учебного		31	
(теоретического) материала		31	
выполнение индивидуальных		31	
домашних заданий		51	
подготовка ко всем видам			
контрольных испытаний текущего		31	
контроля успеваемости (в течение			

курса)	
подготовка ко всем видам контрольных испытаний промежуточной аттестации (по окончании курсара)	32
Всего (часы):	144
Всего (зачетные единицы):	4

4. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий

4.1. Разделы дисциплины и трудоемкость по видам учебных занятий (в академических часах)

No	Наименование раздела /темы дисциплины		Виды учебной работы (в часах)			
Л\Ц			Заочная форма обучения			
		Лек	Пр	Внеау	СРО	
1.	Интегралы, зависящие от параметра	1	2		18	
1.1.	Собственные интегралы и несобственные интегралы, зависящие от параметра	0.5	1		9	
1.2.	Интегралы Эйлера. Интеграл Фурье.	0.5	1		9	
2.	Кратные интегралы	1	2		18	
2.1.	Определение и свойства двойного и тройного интеграла. Сведение к повторному	0.5	1		9	
	интегралу. Замена переменных в кратных интегралах.	0.5				
2.2.	Приложения двойного и тройного интеграла. Понятие о многомерных интегралах.		1		9	
3.	Криволинейные и поверхностные интегралы.		2		18	
3.1.	.1. Криволинейные интегралы 1 и 2 рода. Формула Грина. Условие независимости криволинейного интеграла от пути интегрирования.		1		9	
3.2.			1		9	
4.	Элементы векторного анализа	1	2		18	
4.1.	Скалярные и векторные поля. Градиент скалярного поля. Поток векторного поля.	0.5	1		9	
	Дивергенция. Циркуляция. Ротор.					
4.2.	Дифференциальные операции второго порядка.	0.5	1		9	
5.	Комплексные числа. Функции		2		18	
	комплексного переменного.					
5.1.	Комплексные числа и операции над ними. Простейшие функции комплексного	0.5	1		6	

	переменного.			
5.2.	Дифференцирование и интегрирование функций комплексного переменного	0.5	1	6
5.3	Ряды.	0	0	6
6.	Особые точки, вычеты, приложения.	1	2	18
6.1.	Классификация особых точек и вычеты в них.	0.5	1	9
6.2.	Приложения вычетов для вычисления интегралов	0.5	1	9
7.	Операционное исчисление	0	3	17
7.1.	Преобразование Лапласа. Оригинал и изображение и их свойства.	0	2	8
7.2	Приложения	0	1	9
	Итого за 1 курс:	6	13	125
	Bcero:	6	13	125

4.2. Содержание дисциплины, структурированное по разделам (темам)

Лекционный курс

	Наименование	Содержание		
N_{2}	раздела /темы	· · · · · ·		
	дисциплины			
1.	Интегралы, зависяш	ие от параметра		
1.1.	Собственные и	Непрерывность, интегрируемость,		
	несобственные	дифференцируемость. Зависимость пределов		
	интегралы,	интегрирования от параметра. Несобственные		
	зависящие от	интегралы, зависящие от параметра. Понятие		
	параметра	равномерной сходимости. Непрерывность,		
		интегрируемость и дифференцируемость		
		несобственных интегралов, зависящих от		
		параметра. Литература: 1,6,8		
1.2.	Интегралы Эйлера.	Гамма-функция и Бета-функция. Основные		
	Интеграл Фурье.	свойства Преобразование Фурье и обратное		
		преобразование Фурье. Литература: 1,6,8		
2.	Кратные интегралы			
2.1.	Двойные и тройные	Мера плоских фигур. Свойства измеримых		
	интегралы	фигур и примеры измеримых фигур. Объёмы		
	_	цилиндрических тел. Понятие двойного и тройного		
		интеграла. Необходимое и достаточное условие		
		интегрируемости функции. Классы интегрируемых		
		функций. Свойства двойного и тройного интеграла.		
		Сведение кратного интеграла к повторному		
		интегралу. Литература: 1,6,8		
2.2.	Замена переменных	Замена переменных в двойном и тройном		
	в двойном и	интеграле. Якобиан. Полярная система координат.		
	тройном интеграле.	Сферическая и цилиндрическая системы координат.		
		Физические и геометрические приложения		
		двойного и тройного интеграла. Понятие о		
		многомерных интегралах. Литература: 1,6,8		
3.	Криволинейные и по	верхностные интегралы		
3.1	Криволинейные	Криволинейные интегралы 1-ого рода. Вычисление,		
	интегралы.	свойства, применение. Криволинейные интегралы		
		2-ого рода. Формула Грина. Вычисление площади.		
		Условие независимости криволинейного интеграла		
		от пути интегрирования. Литература: 1,6,8		
3.2	Поверхностные	Площадь поверхности. Поверхностные интегралы		
	интегралы.	1-ого рода. Поверхностные интегралы 2-ого рода.		
		Вычисление и свойства. Формула Остроградского.		
		Формула Стокса. Литература: 1,6,8		

4. 3 _J	пементы векторного ан	ализа.		
4.1	Скалярные и	Скалярные и векторные поля. Градиент скалярного		
'	векторные поля.	поля. Поток векторного поля. Дивергенция.		
	Bekropiibie nom.	Циркуляция. Ротор. Литература: 1,6,8		
4.2	Дифференциальны	Дифференциальные операции второго порядка.		
7.2	е операции второго	Основные дифференциальные операции теории		
	порядка	поля в ортогональных криволинейных		
	Порядка	координатах. Запись основных формул в		
		- · ·		
		цилиндрических и сферических координатах. Литература: 1,6,8		
5.	Комплоком ю инсле			
5.1.	Комплексные числа	Функции комплексного переменного		
3.1.		Арифметика комплексных чисел. Геометрический		
	и операции над	смысл. Различные формы записи. Элементарные		
	ними. Простейшие	функции комплексного переменного		
	функции	Литература: 2,9		
	комплексного			
	переменного	Т 1		
5.2.	Дифференцировани	Предел и непрерывность функции.		
	е и интегрирование	Дифференцируемость функции комплексного		
	функций	переменного. Условия Коши-Римана		
	комплексного	Геометрический смысл производной.		
	переменного	Аналитическая функция. Интеграл от функции		
		комплексного переменного. Интегральная теорема		
		Коши. Интегральная формула Коши.		
		Литература: 2,9		
5.3	Ряды	Числовые и функциональные ряды. Ряды Тейлора		
		и Лорана Литература: 2,9		
6.	Особые точки, выче	<u> </u>		
6.1.	Классификация	Классификация изолированных особых точек и		
	особых точек и	вычеты в них. Вычисление вычетов во всех видах		
	вычеты в них.	особых точек. Основная теорема Коши о вычетах.		
		Литература: 2,9		
6.2.	Приложения	Вычисление интегралов по замкнутому контуру с		
		помощью теории вычетов. Вычисление		
		определенных и несобственных интегралов с		
		помощью вычетов. Лемма Жордана.		
		Литература: 2,9		
7	Операционное исчис	ления		
7.1.	Преобразование	Преобразование Лапласа. Оригинал и		
	Лапласа. Оригинал	изображение. Свойства оригиналов и		
	и изображение и их	изображений. Таблица изображений для		
	свойства.	элементарных функций. Теорема обращения		
		(интеграл Меллина), теоремы разложения		
		// 1 1		

		изображения. Литература: 2,9
7.2	Приложения	Решение дифференциальных уравнений и систем с помощью преобразования Лапласа.
		Литература: 2,9

Прак	тические/семинарские	занятия					
	Наименование	Содержание					
№	раздела /темы						
	дисциплины						
	1.Интегралы, зависящие от параметра						
1.1.	Интегралы,	Собственные и несобственные интегралы,					
	зависящие от	зависящие от параметра. Сходимость. Равномерная					
	параметра	сходимость. Предельный переход,					
		дифференцирование под знаком интеграла №3730-3762[3], №3711-3840 [7]					
1.2.	Интегралы Эйлера	Интегралы Эйлера. Гамма и Бета функции.					
		№3841-3880 [7]					
1.2	и	и в придости					
1.3	Интеграл Фурье.	Интеграл Фурье. Преобразование Фурье и обратное преобразование Фурье. №3881-3900 [7]					
		преооразование Фурье. №3881-3900 [7]					
	2. Практика кратног						
2.1.	Кратное	Практика кратного интегрирования. Замена					
	интегрирование	переменных в кратном интеграле. Приложения.					
2.2	П	<u>№3901-4160 [7], [3]</u>					
2.2.	Приложения	Приложения кратных интегралов к вычислению					
	кратных интегралов	объемов, координат центра масс, моментов и т.п. №3984-3974[7],					
	3. Криволинейные и	поверхностные интегралы. Элементы векторного					
	анализа.						
3.1	Криволинейные и	Криволинейные интегралы первого и второго рода.					
	поверхностные	Прикладные задачи. Поверхностные интегралы 1-					
	интегралы	го и 2- го рода. Формулы Грина,					
		Гаусса-Остроградского, Стокса. Прикладные					
		задачи. №3770-3874[3], №4221-4366 [7]					
3.2	Основные	Основные дифференциальные операции и их					
	дифференциальные	свойства в декартовых координатах. Поток и					
	операции	циркуляция векторного поля. Формулы Грина,					
		Остроградского, Стокса. Потенциальные и соленоидальные поля. Прикладные задачи.					
		№3776-3900[3], №4367-4400 [7]					
	4. Элементы векторн						
	<u> </u>						

4.1	Скалярные и векторные поля.	Скалярные и векторные поля. Градиент скалярного поля. Поток векторного поля. Дивергенция. Циркуляция. Ротор. №4404-4465 [3], №4401-4457			
		[7],			
	5. Комплексные числа. Функции комплексного переменного.				
5.1	Комплексные числа	Арифметика комплексных чисел. Геометрический			
	и операции над	смысл. Различные формы записи. Элементарные			
	ними. Простейшие	функции комплексного переменного § 1.1-1.3[8]			
	функции				
	комплексного				
	переменного				
5.2	Дифференцировани	Дифференцируемость функции комплексного			
	е функций	переменного. Условия Коши-Римана. Простейшие			
	комплексного	свойства аналитических функций. Геометрический			
	переменного	смысл производной. Аналитичность элементарных			
		функций. § 2.1-2.4[8]			
5.2.	Интегрирование	Интеграл от комплексной функции по комплексной			
	функций	переменной. Интегральная теорема Коши.			
	комплексного	Интегральная формула Коши. § 5.1-5.3[8]			
	переменного				
5.3	Ряды	Числовые и функциональные ряды. Ряды Тейлора и Лорана. Классификация особых точек. § 3.2-3.3[8]			
	6. Особые точки, вы	четы, приложения			
6.1.	Классификация	Классификация изолированных особых точек и			
	особых точек и	вычеты в них. Вычисление вычетов во всех видах			
	вычеты в них.	особых точек. Основная теорема Коши о вычетах. § 6.1-6.3[8]			
6.2.	Приложения	Вычисление интегралов по замкнутому контуру с			
		помощью теории вычетов. Вычисление			
		определенных и несобственных интегралов с			
		помощью вычетов. § 7.1-7.3[8]			
	7. Операционное исч	T			
7.1.	Преобразование	Оригинал и изображение. Свойства оригиналов и			
	Лапласа. Оригинал	изображений. Таблица изображений для			
	и изображение и их	элементарных функций. Техника нахождения			
	свойства.	оригиналов и изображений. § 8.1[8]			
7.2	Приложения	Решение дифференциальных уравнений и систем			
		с помощью преобразования Лапласа. § 8.2[8]			

5. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине

6. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине/

6.1. Паспорт фонда оценочных средств по дисциплине

№ п/п	Контролируемые разделы (темы) дисциплины (результаты по разделам)	Код контролируемой компетенции (или её части) / и ее формулировка щий контроль, 2 курс		Наименование оценочного средства
№	-		I	Помусморомую
л/п	Контролируемые раздел	Ы	Код	Наименование
11/11	(темы) дисциплины	(a)	контролируемой компетенции	оценочного
	(результаты по разделам	VI)	(или её части) /	средства
			и ее	
			формулировка	
1.	Интегралы, зависящие от		ОПК-1 (знать,	Контрольная работа
1.	параметра		уметь)	1, экзамен
2.	Кратные интегралы.		УК-1, УК-2	Контрольная работа
	P		(знать, уметь)	1, экзамен
3.	Криволинейные и		УК-1, УК-2	Контрольная работа
	поверхностные интегралы		(знать, уметь)	2,
	•			экзамен
4.	Элементы векторного		ОПК-1 (знать,	Контрольная работа
	анализа.		уметь)	2, экзамен
5,6.	Функции комплексного		УК-1, УК-2	Контрольная работа
	переменного.		(знать, уметь)	2,
				Экзамен
7.	Операционное исчисление	•	ОПК-1 (знать,	Экзамен
			уметь)	
			й контроль, 2 курс	
	экзамен			Экзаменационный
		(знаті	ь, уметь, владеть)	билет

6.2. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующие этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы

6.2.1. Экзамен

а) типовые вопросы (задания):

Вопросы к экзамену

- 1. Собственные интегралы, зависящие от параметра. Теоремы о непрерывности, дифференцируемости и интегрируемости. Примеры.
- 2. Несобственные интегралы, зависящие от параметра. Равномерная сходимость, признаки равномерной сходимости. Примеры.
- 3. Несобственные интегралы, зависящие от параметра. Теоремы о непрерывности, дифференцируемости и интегрируемости. Примеры.
- 4. Эйлеровы интегралы: гамма-функция и ее свойства. Примеры.
- 5. Эйлеровы интегралы: бета-функция и ее свойства. Два вида записи

бета-функции. Вычисление интеграла $\int_{0}^{\frac{\pi}{2}} \sin^{n}x \cos^{m}x \, dx$.

- 6. Интеграл Фурье. Теоремы о представимости функции интегралом Фурье. Примеры.
- 7. Преобразование Фурье (прямое, обратное, косинус- и синус-преобразование).
- 8. Определение и свойства кратных интегралов: разбиения, интегральная сумма, интеграл Римана, свойства интегралов). Условия интегрируемости функции. Классы интегрируемых функций.
- 9. Двойные интегралы: сведение двойного интеграла к повторному по прямоугольнику и по элементарной области. Сведение тройного интеграла к повторному по элементарной области.
- 10. Теорема о замене переменных в двойном интеграле. Формулы замены переменных при переходе к полярной, цилиндрической и сферической системам координат. Приложения кратных интегралов.
- 11. Криволинейные интегралы 1-го рода. Определение, свойства, теорема о вычислении с помощью определенного интеграла.
- 12. Криволинейные интегралы 1-го рода: формулы вычисления для случая плоской кривой (разные способы задания кривой), приложения. Примеры.
- 13. Криволинейные интегралы 2-го рода. Определение, свойства. Теорема о вычисление с помощью определенного интеграла и теорема о связи криволинейных интегралов 1-го и 2-го рода.
- 14. Потенциальные векторные поля. Потенциальность поля и эквивалентные утверждения о криволинейных интегралах 2-го рода.
- 15. Площадь поверхности: определение, вычисление с помощью двойного интеграла (для параметрического и явного задания).
- 16. Поверхностные интегралы 1-го рода. Определение, свойства и вычисление с помощью двойного интеграла.
- 17. Ориентация поверхности. Поверхностные интегралы 2-го рода и их свойства; вычисление с помощью двойного интеграла.
- 18. Формула Грина и ее следствие (вычисление площади). Условие

потенциальности плоских векторных полей.

- 19. Дивергенция. Формула Остроградского и ее следствие.
- 20. Ротор. Формула Стокса. Условие потенциальности векторных полей в пространстве.
- 21. Элементы теории поля: оператор ∇ , правила действия с ним, запись известных операций над полями с помощью ∇ .
- 22. Поток поля, дивергенция, соленоидальные поля. Закон сохранения интенсивности векторной трубки.
- 23. Производная функции комплексного переменного. Теорема о дифференцируемости функции комплексного переменного, условия Коши-Римана. Аналитичность функции комплексного переменного в точке и в области. Примеры.
- 24. Гармонические функции, сопряженные гармонические функции. Задача о восстановлении аналитической функции по известной действительной (или мнимой) части.
- 25. Интеграл от функции комплексного переменного: определение, связь с криволинейными интегралами, свойства, примеры. Теорема Коши для односвязной и многосвязной областей. Примеры.
- 26. Первообразная функции и неопределенный интеграл. Теорема о существовании первообразной для аналитической функции. Формула Ньютона-Лейбница. Примеры.
- 27. Интегральная формула Коши для функции и для производной. Примеры.
- 28. Ряд Тейлора. Теорема о разложении аналитической функции в ряд Тейлора. Утверждение о радиусе сходимости ряда Тейлора. Разложения элементарных функций.
- 29. Ряд Лорана (определение, область сходимости). Теорема Лорана о разложении аналитической в кольце функции в ряд Лорана. Примеры.
- 30. Изолированные особые точки однозначного характера (определения, классификация, примеры) и связь с разложением в ряд Лорана в окрестности точки.
- 31. Вычет функции в конечной и бесконечной особой точке. Вычисление вычета во всех типах изолированных особых точек.
- 32. Основная теорема Коши о вычетах и ее следствие теорема Коши о полной сумме вычетов в расширенной комплексной плоскости. Примеры вычисления контурных интегралов.
- 33. Применение вычетов к вычислению определенных и несобственных

интегралов:
$$\int_{0}^{2\pi} R(\cos\phi, \sin\phi) d\phi$$
, $\int_{-\infty}^{+\infty} R(x) dx$.

34.Преобразование Лапласа. Оригинал и изображение. Теорема об аналитичности изображения.

- 35.Свойства преобразования Лапласа: свойство линейности, теоремы подобия, запаздывания, смещения.
- 36. Теоремы дифференцирования и интегрирования оригинала и изображения. Изображение свертки функций.
- 37. Теоремы о восстановлении оригинала по заданному изображению: теорема обращения, теорема разложения изображения.
- 38. Применение операционного исчисления к решению дифференциальных уравнений и систем дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами. Интеграл Дюамеля и его применение к решению дифференциальных уравнений.

Билеты к экзамену (демонстрационный вариант)

ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 1

по курсу «Векторный и тензорный анализ».

- 1. Собственные интегралы, зависящие от параметра. Теоремы о непрерывности, дифференцируемости и интегрируемости. Примеры.
- .2.. Пользуясь подходящей заменой координат, вычислить интеграл $\stackrel{\int\int}{D} y dx dy$ по области D,

заданной неравенствами: $1 \le xy \le 4$, $\frac{1}{4}y \le x \le y$.

3. Найти поток векторного поля ачерез замкнутую поверхность S(нормаль внешняя)

$$a = (x^{2} + xy)i + (y^{2} + yz)j + (z^{2} + xz)k,$$

S: {

4. Найти конечные особые точки, определить их тип и найти вычеты $f(z) = \frac{tg(z-1)}{z^2-1}$.

ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 2

по курсу «Векторный и тензорный анализ».

- 1. Несобственные интегралы, зависящие от параметра. Теоремы о непрерывности, дифференцируемости и интегрируемости. Примеры.
- 2. Вычислить тройной интеграл $\iiint_D (1+2x^2) dx dy dz$ по области D, ограниченной поверхностями $y=9x,y=0,x=1,z=\sqrt{xy}$ и z=0.
- 3. Найти поток векторного поля a через часть плоскости P, расположенную в 1 октанте (нормаль образует острый угол с осью Oz).

$$a = (27\pi - 1)xi + (34\pi y + 3)j + 20\pi zk, P: 3x + \frac{y}{9} + z = 1.$$

$$\oint_{|z-1-i|=1,25} \frac{2dz}{z^2(z-1)}$$
 .

б) критерии оценивания компетенций (результатов):

Студент считается допущенным к сдаче экзамена при условии выполнения им программы дисциплины и получения за работу не менее 35 баллов согласно рейтинговой системе. На экзамене студенту предлагается ответить на один теоретических вопроса и решить три задачи из разных разделов курса. Дополнительные вопросы задаются как для уточнения знаний по вопросам билета, так и для выяснения общих представлений студента по всему курсу.

в) описание шкалы оценивания:

Ответ студента на экзамене согласно рейтинговой системе оценивается в интервале 20–40 баллов. Студенту ставится 31-40 баллов за ответ на экзамене, если он дал ответы на теоретический вопрос и решил три задачи (если есть недочеты или не ответил на дополнительный вопрос, то ставится не максимальный балл). Студенту ставится 21-30 баллов за ответ, если ответил на теоретический вопрос билета, но есть значительный недочет (не приведено доказательство или нечетко сформулирована теорема) и правильно решена хотя бы две задачи (в одной возможны замечания). Для сдачи экзамена необходимо набрать суммарно не менее 60 баллов.

6.2.2. Наименование оценочного средства Контрольная работа 1

a) типовые задания (вопросы) - образец:

Тема: Интегралы, зависящие от параметра. Кратные интегралы.

Вариант 1.

- **Вычислить с** помощью гамма-функции $\int_{0}^{+\infty} x^{2}e^{-2x^{2}}dx$.
- 2. Представить интегралом Фурье функцию $f(x)=3|x|, \ |x|\leq 1$ и $f(x)=0, \ |x|>1$ 3. Изменить порядок интегрирования $\int\limits_{-4}^{0} dx \int\limits_{-\sqrt{4+x}}^{4+x} f(x,y) dy$
- 4. Вычислить массу неоднородной пластины D, ограниченной кривыми $y = x^2$, y = 2 с плотностью $\mu(x, y) = 2 - y$
- 5. Вычислить объем тела, ограниченного поверхностями $x^2 + y^2 = 1$, $z = 2 x^2 y^2$, z = 0.
- 6. Вычислить интеграл с помощью перехода к цилиндрическим координатам $\iiint_V z dx dy dz$,

$$V: x^2 + y^2 + z^2 \le 32, z \ge \sqrt{x^2 + y^2}.$$

. Вариант 2.

- 1. Вычислить с помощью бета-функции $\int\limits_0^{+\infty} \frac{x^3}{\left(1+x^3\right)^2} dx$ 2. Представить интегралом Фурье функцию f(x)=x, $|x|\leq 3$ и f(x)=0, |x|>3.
 3. Изменить порядок интегрирования $\int\limits_0^2 dx \int\limits_{0,25x^2}^{2\sqrt{x}} f(x,y) dy$
- 4. Вычислить площадь фигуры $D: \frac{x^2}{4} + y^2 \le 1$, $y \le \frac{1}{2}x$, $y \ge 0$
- 5. Вычислить объем тела, ограниченного поверхностями $x = y^2$, x + z = 4, z = 0.
- 6. .Вычислить интеграл с помощью перехода к сферическим координатам $\iiint_V \frac{z dx dy dz}{\sqrt{v^2 + v^2 + z^2}}$,

$$V: 1 \le x^2 + y^2 + z^2 \le 9, z \ge 0, y \ge 0.$$

Вариант 3.

- 1. Вычислить с помощью бета-функции $\int_{0}^{9} x^{2} \cdot \sqrt{9-x} dx$.
- 2. Представить интегралом Фурье функцию $f(x) = 1 |x|, |x| \le 1$ и f(x) = 0, |x| > 1
- 3. Изменить порядок интегрирования $\int_{0}^{3} \frac{25-y^{2}}{dy} \int_{(16y^{\frac{1}{3}})}^{25-y^{2}} f(x,y) dx$
- 4. Вычислить массу неоднородной пластины D, ограниченной кривыми

$$x + y = 1$$
, $x + 2y + 2 = 0$, $x = 0$ с плотностью $\mu(x, y) = x^2$.

5. Вычислить объем тела, ограниченного поверхностями

$$y = x$$
, $y = -x$, $y = 1$, $z^2 = 1 - y$, $z = 0$ ($z \ge 0$).

6. Вычислить интеграл с помощью перехода к цилиндрическим координатам $\iiint_V \frac{z dx dy dz}{\sqrt{1-x^2-y^2}}$,

$$V: z \le 1 - x^2 - y^2, z \ge 0.$$

Вариант 4.

- 1. Вычислить с помощью бета-функции $\int\limits_{0}^{\frac{\pi}{4}}\sqrt[4]{tg2x}dx$.
- 2. Представить интегралом Фурье функцию $f(x) = \{$ 3. Изменить порядок интегрирования $\int\limits_{0}^{1} dx \int\limits_{0}^{x^{2}+1} f(x,y) dy$
- 4. Вычислить площадь фигуры, ограниченной кривыми $x=4-y^2$, y=x+2, y=-2. 5. Вычислить объем тела, ограниченного поверхностями $z=\sqrt{16-x^2-y^2}$, $\sqrt{3}$ $z=\sqrt{x^2+y^2}$
- 6. Вычислить с помощью перехода к цилиндрическим координатам $\iiint_V (z-2) \ dx dy dz$,

$$\partial V: z = 6(x^2 + y^2), x^2 + y^2 = 3, z = 0.$$

критерии оценивания компетенций (результатов):

Контрольная работа считается выполненной при условии правильного решения не менее 5 предложенных заданий одного из вариантов (получено не менее 18 баллов).

в) описание шкалы оценивания:

Контрольная работа 1 по теме "Интегралы, зависящие от параметра. Кратные интегралы "оценивается в 30 баллов: задачи 1, 2, 4 оцениваются в 4 балла, а остальные – в 6 баллов.

6.23. Наименование оценочного средства Контрольная работа 2

а) типовые задания (вопросы) - образец:

Тема: Криволинейные и поверхностные интегралы. Функции комплексного переменного.

Вариант 1.

1. Вычислить интеграл $\int_L \frac{dl}{x^2 + y^2 + z^2}$, где L первый виток винтовой линии

x = 4cost, y = 4sint, z = 3t.

- 2. Вычислить поверхностный интеграл первого рода $\iint_{S} (2 + y 7x + 9z) ds$, где S часть плоскости 2x - y - 2z = -2, отсекаемая координатными плоскостями.
- 3. Вычислить поверхностный интеграл второго рода $\iint_{S} (x^2 + y^2) z \, dx dy$, где S- внешняя сторона нижней половины сферы $x^2 + y^2 + z^2 = 9$.
- 4. Вычислить циркуляцию векторного поля $\stackrel{\rightarrow}{a}$ вдоль контураL (в направлении возрастания параметра t), если $\vec{a} = zy^2\vec{i} - 2xy\vec{j} + z\vec{k}$, L: x = cost, y = sint, z = 3.
- 5. Вычислить поток векторного поля \vec{a} через замкнутую поверхность S (нормаль внешняя), если $\vec{a} = 2x\vec{i} + z\vec{k}$, $S: z = 3x^2 + 2y^2 + 1$; $x^2 + y^2 = 4$; z = 0. 6. Вычислить интеграл от функции комплексного переменного по данной кривой

$$\int_{AB} (z^2 - z) dz$$
, $AB: |z| = 2$, $Im z \le 0$ от $z_A = -2$ до $z_B = 2$.

7. Вычислить интеграл, используя теорию вычетов $\oint_{|z|=\frac{1}{2}} \frac{dz}{z(z^2+1)}$

Вариант 2

- 1. Вычислить интеграл $\int_{r} y e^{x} dl$, где $L: x^{2} + y^{2} = 4x$.
- 2. Вычислить поверхностный интеграл первого рода $\iint_S (6x + y + 4z) ds$, где S часть плоскости 3x + 3y + z = 3, отсекаемая координатными плоскостями.
- 3. Вычислить поверхностный интеграл второго рода $\iint_{S} (2y^2 z) \, dx dy$, где S часть поверхности $z=x^2+y^2$, отсекаемая плоскостью z=2 (вектор нормали образует тупой угол с положительным направлением оси OZ).
- 4. Вычислить циркуляцию векторного поля \vec{a} вдоль контура L (в направлении возрастания параметра t), если $\vec{a} = 3y\vec{i} 2x\vec{j} + x\vec{k}$, L: x = 3cost, y = 3sint, z = 3 3cost 3sint.
- 5. Вычислить поток векторного поля \vec{a} через замкнутую поверхность S (нормаль внешняя), если $\vec{a} = xy\vec{i} + yz\vec{j} + xz\vec{k}$, S: $x^2 + y^2 + z^2 = 4$; $x \ge 0$, $y \ge 0$, $z \ge 0$

6. Вычислить интеграл от функции комплексного переменного по данной кривой

$$\int\limits_{AB} Imz^3 dz$$
, AB - отрезок прямой, $z_A = 0$, $z_B = 2 + 2i$.

7. Вычислить интеграл, используя теорию вычетов $\oint_{|z|=1} \frac{(\cos z^2 - 1) dz}{z^3}$

Вариант 3.

- 1. Вычислить интеграл $\int\limits_{L} (xy + x^2) dl$, где L- отрезок прямой от точки A(1,3) до точки B(-2,5).
- 2. Вычислить поверхностный интеграл первого рода $\iint_S (2x + 5y z) ds$, где S часть плоскости x + 2y + z = 2, отсекаемая координатными плоскостями.
- 3. Вычислить поверхностный интеграл второго рода $\iint_S 3x^2 \, dy dz y^2 dx dz z dx dy$, где Sчасть параболоида $1-z=x^2+y^2$, отсекаемая плоскостью z=0 (вектор нормали образует острый угол с положительным направлением оси OZ).
- 4. Вычислить циркуляцию векторного поля \vec{a} вдоль контураL (в направлении возрастания параметра t), если $\vec{a} = -x^2 y^3 \vec{i} + 4 \vec{j} + x \vec{k}$, L: x = 2 cost, y = 2 sint, z = 4
- 5. Вычислить поток векторного поля \vec{a} через замкнутую поверхность S (нормаль внешняя), если $\vec{a} = \left(e^y + 2x\right)\vec{i} + (xz y)\vec{j} + \frac{1}{4}\left(e^{xy} z\right)\vec{k}$, $S: x^2 + y^2 + z^2 = 2y + 3$.
- 6. Вычислить интеграл от функции комплексного переменного по данной кривой

$$\int_{AB} Re(z + z^{2})dz, AB = \{(x, y): y = x^{2}, 0 \le x \le 1\}$$

7. Вычислить интеграл, используя теорию вычетов $\int_{0}^{2\pi} \frac{dt}{2+\sqrt{3}sint}$,

Вариант 4.

- 1. Вычислить интеграл $\int_{1}^{1} (2x + y^{2}) dl$, где $L: x^{2} + y^{2} = 1$.
- 2. Вычислить поверхностный интеграл первого рода $\iint_S xyz \ ds$, где S —часть поверхности $z = x^{2} + y^{2}$, отсекаемая плоскостью z = 16.
- 3. Вычислить поверхностный интеграл второго рода $\iint_{S} x dy dz + z^{3} dx dy$, где S- внешняя сторона сферы $x^2 + y^2 + z^2 = 1$, отсекаемая плоскостью z = 0 ($z \ge 0$).
- 4. Вычислить циркуляцию векторного поля \vec{a} вдоль контураL (в направлении возрастания параметра t), если $\vec{a} = z \vec{i} + y^2 \vec{j} - x \vec{k}$, $L: x = \sqrt{2} cost$, y = 2 sint, $z = \sqrt{2} cost$.
- 5. Вычислить поток векторного поля \vec{a} через замкнутую поверхность S (нормаль внешняя), если $\vec{a} = (yz - 2x^2)\vec{i} + (sinx + y)j + (x - 2z)\vec{k}$, S: x + 2y - 3z = 6, x = 0, y = 0, z = 0. 6. Вычислить интеграл от функции комплексного переменного по данной кривой

$$\int_{AB} Imzdz, AB = \left\{ (x, y): y = 2x^2, 0 \le x \le 1 \right\}$$

- 7. Вычислить интеграл, используя теорию вычетов $\int_0^{+\infty} \frac{(x^2 x + 2)dx}{x^4 + 10x^2 + 9}$
- б) критерии оценивания компетенций (результатов): Контрольная работа 2 считается выполненной, если правильно решены 5 задач (получено 17 баллов и выше).
- в) описание шкалы оценивания: Контрольная работа 2 "Криволинейные и поверхностные интегралы. Функции комплексного переменного" оценивается в 30 баллов: задачи 3 и 5 оцениваются по 5 баллов, а остальные задачи — по 4 балла.

6.2.4. Наименование оценочного средства. Индивидуальные задания[4], [5]

- а) типовые задания (вопросы):
- 1. Индивидуальное задание 1: "Кратные интегралы" [4].

Выдается на 4 неделе, принимается на 8 неделе.

2. Индивидуальное задание 2: "Векторный анализ"[4].

Выдается на 9 неделе, принимается на 12 неделе.

3. Индивидуальное задание 3: "Теория функций комплексного переменного и операционное исчисление", задачи 1-20 [5].

Выдается на 12 неделе, принимается на 17 неделе.

б) критерии оценивания компетенций (результатов): Баллы за индивидуальное задание не выставляются. Выполнение индивидуальных заданий является необходимым условием для допуска к контрольным работам по соответствующим темам и к экзамену в конце семестра.

6.3. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций

Рейтинговая оценка знаний является интегральным показателем качества теоретических и практических знаний и навыков студентов по дисциплине и складывается из оценок, полученных в ходе текущего контроля и промежуточной аттестации.

Текущий контроль в семестре проводится с целью обеспечения своевременной обратной связи, для коррекции обучения, активизации самостоятельной работы студентов.

Промежуточная аттестация предназначена для объективного подтверждения и оценивания достигнутых результатов обучения после завершения изучения дисциплины.

Текущий контроль осуществляется два раза в семестр: контрольная точка № 1 (КТ № 1) и контрольная точка № 2 (КТ № 2).

Результаты текущего контроля и промежуточной аттестации подводятся по шкале балльно-рейтинговой системы.

Вид контроля	Этап рейтинговой системы Оценочное средство	Балл	
		Минимум	Максимум
Текущий	Контрольная точка № 1	18	30
	Контрольная работа №1	18	30
	ИДЗ №1		
	Контрольная точка № 2	17	30
	Контрольная работа №2	17	30
	ИДЗ №2, №3		
Промежуточный	Экзамен	25	40
	Экзаменационный билет	25	40
ИТОГО по дисциплине		60	100

П 63

11. U.J				
Таблица пересчета итогового рейтингового балла в 5-бальную оценку				
Итоговый рейтинговый балл	5-бальная оценка	Оценка по ECTS		
90–100	отлично	A		
85–89	очень хорошо	В		
75–84	хорошо	С		
65–74	удовлетворительно	D		
60–64	посредственно	E		
< 60	неудовлетворительно	F		

Экзамен предназначен для оценки работы обучающегося в течение всего срока изучения дисциплины и призван выявить уровень, прочность и систематичность полученных обучающимся теоретических знаний и умений практического использования знаний (например, применять теоретические знания в решении задач), приобретения навыков самостоятельной работы, развития творческого мышления.

Оценка сформированности компетенции на экзамене для тех обучающихся, которые пропускали занятия и не участвовали в проверке компетенции во время изучения дисциплины, проводится после индивидуального собеседования с преподавателем по пропущенным или не усвоенным обучающимся темам.

7. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины

а) основная учебная литература:

- 1.Ильин В.А., Позняк Э.Г. Основы математического анализа. М.: Физматлит, 2006, ч.2. 140экз.
- 2.Свешников А. Г., Тихонов А. Н. Теория функции комплексного переменного. М., Наука,

1999.-135экз.

- 3. Берман Г.Н. Сборник задач по курсу математического анализа: учеб. пособие/ Г.Н. Берман.
- -22-е изд., перераб. -СПб.: Профессия, 2007.-432 с. 250 экз.
- 4. Кузнецов Л.А. Сборник задач по высшей математике. СПб.: «Лань», 2005г- 400экз.
- 5.Чудесенко $B.\Phi.$ сборник заданий по специальным курсам высшей математики. СПб: «Лань», 2005г- 400 экз.
- 6.Кудрявцев Л.Д. Курс математического анализа. М.: Физматлит, 2006, т.2. -70экз
- 7. Демидович Б.П. Сборник задач и упражнений по математическому анализу. М.: АСТ Астрель, 2007 г. 300 экз. 13-е изд., испр. М.: Сервисная компания, $2014 \cdot 624 \cdot \text{c.} 50 \cdot \text{экз.}$
- 8. Сборник задач по теории функции комплексного переменного. Под ред. проф. А. П. Буланова. Обнинск, ИАТЭ, 2005. -300 экз.
- 9. Тер-Крикоров А.М., Шабунин М.И. Курс математического анализа. М: Наука, 2002- 50экз.
- 10. Привалов И. И.. Введение в теорию функции комплексного переменного. М., Высш. Школа, 1999.-55экз.

б) дополнительная учебная литература:

- 1.Сборник задач по математическому анализу в 3 т.Т.2. Кудрявцев Л.В., Кутасов А.Д., Чехлов В.И., Шабунин М.И., ФИЗМАТЛИТ, 2010.
- 2.Зорич В.А. Математический анализ.Т.2.М., МЦНМ0,2012
- 3. Нестеров А.В, Юрченко А. М. Конспект лекций по курсу "Теория функций комплексного переменного". Учебное пособие для студентов второго курса. Обнинск, 1998.-50экз.
- 4. Краснов М. Л, Киселев А. И,. Макаренко Г. И.. Функции комплексного переменного. Операционное исчисление. Теория устойчивости. М., Наука, 1981-20 экз.

8. Перечень ресурсов* информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» (далее - сеть «Интернет»), необходимых для освоения дисциплины

- **1.** http://eqworld.ipmnet.ru/ru/library.htm. EqWorld мир математических уравнений. Учебно-образовательная физико- математическая библиотека.
- 2.http://mathhelpplanet.com/ Математический форум Math Help Planet
- **3.http://www.iqlib.ru**/ Электронная библиотека IQLb образовательных и просветительских изданий. Свободный доступ к электронным учебникам, справочным и учебным пособиям.
- **4.http://www/edu/ru/modules/php?op=modload&name=Web_**.Links&file=index&l _op=viewlk&cid=2720 Федеральный портал российского профессионального образования: Математика и естественно-научное образование.

9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины Лекции.

При изучении дисциплины необходимо конспектировать лекции, кратко записывая основные определения, формулировки теорем и основные пункты их доказательств. Для понимания материала лекций и его качественного усвоения рекомендуется за день до следующей лекции прочитать и повторить материал по конспекту. В случае возникших вопросов изучить теоретический материал по

учебнику либо получить консультацию у преподавателя. Желательно дополнительно прочитывать материал по рекомендованным учебникам.

Практические занятия.

При подготовке к практическим занятиям надо прочитать теоретический материал по теме и просмотреть материалы предыдущего семинара и только потом приступать к выполнению домашнего задания. На практических занятиях активно участвовать в работе группы, в случае невыполнения отдельных заданий задавать вопросы преподавателю.

Контрольная работа.

При подготовке к контрольной необходимо повторить теоретический материал по лекциям и учебникам, просмотреть типичные задачи по теме, которые решались на занятиях и в домашних заданиях, решить несколько задач по теме из сборника индивидуальных заданий (Кузнецов[4]).

Экзамен.

При подготовке к экзамену необходимо изучить теоретический материал, который выносится на экзамен, по конспекту лекций. Для лучшего понимания или в случае возникновения вопросов обратиться К рекомендуемым **учебникам** Интернет-ресурсам. На консультациях активно выяснять возникшие вопросы. Экзамен является итоговой аттестацией по предмету за семестр, поэтому он требует систематизации всего лекционного и практического материала. Совершенно необходимо для подготовки к экзамену вдумчиво и внимательно выполнить индивидуальное домашнее задание. Задачи по типу этого задания часто встречаются на экзамене. Для успешной сдачи экзамена требуется систематическая работа в семестре, активная самостоятельная работа с учебниками или Интернет-ресурсами.

10. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости)

Программное обеспечение и Интернет-ресурсы.

- 1. http://eqworld.ipmnet.ru/ru/library.htm. EqWorld мир математических уравнений. Учебно-образовательная физико- математическая библиотека.
- 2.http://mathhelpplanet.com/ Математический форум Math Help Planet
- **3.http://www.iqlib.ru**/ Электронная библиотека IQLb образовательных и просветительских изданий. Свободный доступ к электронным учебникам, справочным и учебным пособиям.
- 4.http://www/edu/ru/modules/php?op=modload&name=Web_.Links&file=index&l _op=viewlk&cid=2720 Федеральный портал российского профессионального образования: Математика и естественно-научное образование.
- 11. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине

Для преподавания дисциплины "Векторный и тензорный анализ" необходимы учебные аудитории для чтения лекций и практических занятий, оборудованные доской и мелом.

12. Иные сведения и (или) материалы

Дисциплины «Математический анализ» и "Векторный и тензорный анализ" являются одними из основных фундаментальных учебных дисциплин; они обеспечивают подготовку специалистов к успешному освоению дисциплин естественнонаучного и профессионального циклов.

Цели освоения дисциплины "Векторный и тензорный анализ".

Целями изучения дисциплины "Векторный и тензорный анализ" являются формирование у специалиста следующих результатов обучения:

- теоретическая подготовка и получение практических навыков по высшей математике для успешного усвоения фундаментальных, общетехнических и специальных дисциплин учебного плана, а также для возможности изучения специальной литературы, в случае необходимости самостоятельного углубления математических знаний после окончания ВУЗа.
- развитие логического мышления студентов, привить потребность теоретического обосновании различных явлений.
- формирование компетенции ОПК-2.
- В ходе изучения дисциплины "Векторный и тензорный анализ" решаются следующие задачи:
- 1. Создание у студентов достаточно широкой подготовки в области математики и воспитание достаточно высокой математической культуры.
- 2. Сформировать у специалистов навыки использования математических методов и основ математического моделирования в практической деятельности.
- 3. Привитие навыков самостоятельной работы с литературой по математике и ее приложениям.
- 4. Формирование компетенции ОПК-2 (знать, уметь, владеть)

12.1. Перечень образовательных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине Лекции.

Практические занятия.

Контрольные работы.

Индивидуальные задания.

ипдивидуальные задания.

Самостоятельная работа студентов.

12.2. Формы организации самостоятельной работы обучающихся (темы, выносимые для самостоятельного изучения; вопросы для самоконтроля; типовые задания для самопроверки

Тема: Операционное исчисление (Решение дифференциальных уравнений и систем дифференциальных уравнений с помощью преобразования Лапласа)

- . Вопросы:
- 1. Нахождения изображения по оригиналу, используя таблицу изображений и свойства оригиналов и изображений.
- 2. Методы нахождения оригинала по заданному изображению

3. Метод решения дифференциального уравнения, основанный на формуле Дюамеля. **Задания для самопроверки по теме**: раздел 1"Теория функций комплексного переменного и операционное исчисление "([5], Чудесенко В.Ф.),задачи 21-24, 26.

Вопросы и типовые задания для самопроверки по курсу

1. Найти площадь фигуры, ограниченной данными линиями.

$$y^2 - 2y + x^2 = 0$$
, $y^2 - 4y + x^2 = 0$, $y = \frac{x}{\sqrt{3}}$, $y = \sqrt{3}x$.

2. Вычислить тройной интеграл

$$\iiint_{V} (x + y) dx dy dz; V: z = 10x, x + y = 1, x = 0, y = 0, z = 0.$$

3. Найти объем тела, заданного неравенствами

$$1 \le x^2 + y^2 + z^2 \le 4$$
, $z \le -\sqrt{\frac{x^2 + y^2}{3}}$, $y \ge \frac{x}{\sqrt{3}}$, $y \ge -\frac{x}{\sqrt{3}}$.

4. Найти поток векторного поля a через часть поверхности S, вырезаемую плоскостями P_1 , P_2 (нормаль внешняя к замкнутой поверхности, образуемой данными поверхностями).

$$\vec{a} = (x^3 + xy^2)\vec{i} + (y^3 + x^2y)\vec{j} + z^2\vec{k}, S: x^2 + y^2 = 16, P_1: z = -1, P_2: z = 2.$$

- 5. Найти поток векторного поля **a** через часть плоскости P, расположенную в первом октанте (нормаль образует острый угол с осью Oz) $\vec{a} = xi + yj + zk$, P: x + y + z = 1.
- 6. Найти циркуляцию векторного поля a=yzi+2xzj+xyk вдоль контура Γ

7. Найти работу силы F = (x + 2y)i + (y + 2x)jпри перемещении вдоль прямолинейного отрезка MN.M(-4,0), N(0,2).

8. Найти площадь фигуры, ограниченной данными линиями

$$x^{2} - 2x + y^{2} = 0, x^{2} - 10x + y^{2} = 0, y = 0, y = \sqrt{3}x.$$

- 9. Вычислить тройной интеграл $\iiint_V x dx dy dz$; $V: y = x, y = 0, x = 1, z = x^2 + y^2, z = 0$.
- 10. Найти объем тела, ограниченного поверхностями

$$x^{2} + y^{2} = 2\sqrt{2}y, z = x^{2} + y^{2} - 4, z = 0 (z \ge 0).$$

11. Найти поток векторного поля a через часть поверхности S, вырезаемую плоскостями P_1, P_2 (нормаль внешняя к замкнутой поверхности, образуемой данными поверхностями).

$$a = (x - y)i + (x + y)j + z^{2}k$$
, $S: x^{2} + y^{2} = 4$, $P_{1}: z = -2$, $P_{2}: z = 2$.

12. Найти поток векторного поля ачерез замкнутую поверхность S(нормаль внешняя).

$$a = (5x - 6)i + (11x^{2} + 2y)j + (x^{2} - 4z)k, S: \{x + y + 2z = 2, x = 0, y = 0, z = 0.$$

13. Найти работу силы F = xi + yjпри перемещении вдоль прямолинейного отрезка MN.

$$M(4,0), N(0,-2).$$

14. Найти циркуляцию векторного поля a = yi - xj + zk, вдоль контура

Γ: {

15. Вычислить интеграл от функции комплексного переменного по заданной кривой

$$\int_{L} (2z + 1)dz, L: y = x^{3}, z_{A} = 0, z_{B} = 1 + i.$$

- 16.. Найти радиус сходимости степенного ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^3 + n}{(7+i)^{2n}} z^n$.
- 17. Разложить в ряд Лорана по степеням zфункцию $w = \frac{1}{z^2 10z + 24}$ в кольце 4 < |z| < 6.
- 18. Доказать, что функция $u(x) = e^{-y} cos x$ может быть вещественной частью аналитической функции и восстановить эту функцию.
- 19.. Вычислить интеграл от функции комплексного переменного по заданной кривой

$$\int_{AB} (Imz^2)|z|dz, AB: |z| = 4, Imz \ge 0.$$

- 20. Найти радиус сходимости степенного ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(4-i)^{3n}}{6^n} z^n$.
- 21. Разложить в ряд Лорана по степеням zфункцию $w = \frac{1}{z^2 5z + 4}$ в кольце 1 < |z| < 4.
- $\oint_{|z-1-i|=1,25} \frac{2dz}{z^2(z-1)} \ .$ 22. Вычислить интеграл:
- 23. Вычислить интеграл: $\int_{|z|=3}^{2\pi} \frac{(e^{\frac{1}{z}}+1)dz}{z}.$ 24. Вычислить интеграл $\int_{0}^{2\pi} \frac{dt}{13-12cost}.$ 25. Вычислить интеграл $\int_{0}^{+\infty} \frac{dt}{13-12cost}.$
- 26. Решите систему $\{x^{\cdot} = x + 4y \ y^{\cdot} = 2x y + 9 \ ; \ x(0) = 1, \ y(0) = 0 \}$
- 27. Найти изолированные особые точки и вычислить вычеты в них $f(z) = \frac{\sin z}{z(z-2)}$

28. Вычислить интеграл.
$$\oint_{|z-i|=1.5} \frac{dz}{z(z^2+4)}$$

- 29.Операционным методом решить задачу Коши $y''-y'=t^2, y(0)=0, y'(0)=1.$ 30. Решите систему с помощью преобразования Лапласа $\{x^{\cdot}=-x+3y+1\ y^{\cdot}=x+y\ ;$
- x(0) = 1, y(0) = 2

12.3. Краткий терминологический словарь

Асимптота, биекция, бесконечно большая величина, бесконечно малая величина,

верхняя (нижняя) грань множества, градиент функции, график функции, дивергенция, дифференциал, дифференциальный бином, граница множества, индукция математическая, интеграл (несобственный, двойной, неопределенный, определенный, тройной, поверхностный, криволинейный), интеграл Дарбу, интегральная сумма, иррациональное число, касательная прямая и плоскость, квадрируемые и кубируемые множества, криволинейные координаты, компакт, кривая (гладкая, спрямляемая, кусочно-гладкая), кривизна, монотонность функции и последовательности, непрерывность, норма, нормаль, область (определения функции), окрестность (проколотая), оператор, остаток ряда, отображение, первообразная, последовательность и подпоследовательность, предел, производная, полином, поле (действительных, комплексных) чисел, признак (сходимости, сравнения), принцип вложенных отрезков, прообраз, равномерная непрерывность, радиус сходимости, разрыв (устранимый, неустранимый), ротор, ряд, сумма ряда, сумма Дарбу, точка (максимума, минимума, экстремума, разрыва), функция, экстремум.

Программа составлена в соответствии с образовательным стандартом высшего образования НИЯУ МИФИ по направлению подготовки 12.03.01 Приборостроение.

Программу составил:	
	_ Л.А.Королева, доцент кафедры ВМ, к.ф.м.н.
Рецензент:	
	Н.Э. Клиншпонт, доцент кафедры ВМ, к.ф м.н., доцент